

Họ, tên thí sinh:.....

**Câu 1:** Trong không gian Oxyz, cho tam giác ABC với  $A(-1;0;2), B(1;2;-1), C(-3;1;2)$ . Mặt phẳng (P) đi qua trọng tâm của tam giác ABC và vuông góc với đường thẳng AB là:

A. (P):  $2x + 2y - 3z + 3 = 0$

B. (P):  $2x + 2y + 3z - 3 = 0$

C. (P):  $x + y - z - 3 = 0$

D. (P):  $2x + 2y - 3z + 1 = 0$

**Câu 2:** Cho số phức  $z = 6 + 7i$ . Số phức liên hợp của  $z$  có điểm biểu diễn hình học là

A.  $(6; -7)$

B.  $(6; 7)$

C.  $(-6; -7)$

D.  $(-6; 7)$

**Câu 3:** Cho hình phẳng  $D$  giới hạn bởi đồ thị  $y = (2x - 1)\sqrt{\ln x}$ , trục hoành và đường thẳng  $x = e$ . Khi hình phẳng  $D$  quay quanh trục hoành được vật thể tròn xoay có thể tích  $V$  được tính theo công thức

A.  $V = \pi \int_{\frac{1}{2}}^e (2x - 1)^2 \ln x dx$ .

B.  $V = \int_{\frac{1}{2}}^e (2x - 1)^2 \ln x dx$ .

C.  $V = \pi \int_1^e (2x - 1)^2 \ln x dx$ .

D.  $V = \int_1^e (2x - 1)^2 \ln x dx$ .

**Câu 4:** Trong không gian Oxyz, cho hai đường thẳng  $(\Delta_1): \begin{cases} x = -3 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = -1 + 4t \end{cases}$  và  $(\Delta_2): \frac{x+4}{3} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-4}{-1}$ .

Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $(\Delta_1)$  và  $(\Delta_2)$  chéo nhau và vuông góc nhau

B.  $(\Delta_1)$  cắt và vuông góc với  $(\Delta_2)$

C.  $(\Delta_1)$  cắt và không vuông góc với  $(\Delta_2)$

D.  $(\Delta_1)$  và  $(\Delta_2)$  song song với nhau

**Câu 5:** Một bạn giải bất phương trình lôgarit  $\log_7(2x-1)(3x-2)(4x-5) \leq \log_7(3x-2)(4x-5)(1)$  như sau :

✓ Bước 1:

$$\begin{cases} (2x-1)(3x-2)(4x-5) > 0 \\ (3x-2)(4x-5) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{5}{4}; +\infty\right) \\ x \in \left(-\infty; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{5}{4}; +\infty\right) \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{5}{4}; +\infty\right).$$

✓ Bước 2: Điều kiện xác định là :  $x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; +\infty\right)$ .

✓ Bước 3:

$$(1) \Leftrightarrow \log_7(2x-1) + \log_7(3x-2) + \log_7(4x-5) \leq \log_7(3x-2) + \log_7(4x-5)$$

$$\Leftrightarrow \log_7(2x-1) \leq 0 \Leftrightarrow 2x-1 \leq 1 \Leftrightarrow x \leq 1.$$

✓ Bước 4 : Tập nghiệm của bất phương trình (1) là :  $T = \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; 1\right]$ .

Bài giải trên sai từ bước nào ?

A. Bước 3

B. Bước 4

C. Bước 2

D. Bước 1

**Câu 6:** Cho  $F(x)$  là nguyên hàm của hàm số  $f(x) = \sin 2x$  và  $F\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1$ . Tính  $F\left(\frac{\pi}{6}\right)$

A.  $F\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{5}{4}$

B.  $F\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{1}{2}$

C.  $F\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{3}{4}$

D.  $F\left(\frac{\pi}{6}\right) = 0$

**Câu 7:** Tích giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x + \frac{4}{x}$  trên  $[1; 4]$  bằng

A.  $\frac{65}{3}$

B.  $\frac{52}{3}$

C. 6

D. 20

**Câu 8:** Tập xác định của hàm số  $y = \log_3 x$  là

A.  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$

B.  $\mathbb{R}$

C.  $(0; +\infty)$

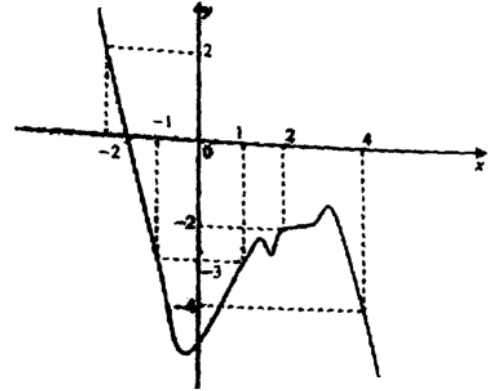
D.  $[0; +\infty)$

**Câu 9:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  đồ thị

hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ.

Biết  $f(2) = -6, f(4) = -10$  và hàm số  $g(x) = f(x) + \frac{x^2}{2}, g(x)$  có

ba điểm cực trị.



Phương trình  $g(x) = 0$  có bao nhiêu nghiệm trên khoảng  $(2; 4)$

A. Có đúng 3 nghiệm      B. Có đúng 4 nghiệm.

C. Có đúng 2 nghiệm.      D. Vô nghiệm

**Câu 10:** Gọi  $z_0$  là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình  $z^2 - 6z + 13 = 0$ . Tính  $|z_0 + 1 - i|$

A. 25

B. 13

C. 5

D.  $\sqrt{13}$

**Câu 11:** Cho ba tia  $Ox, Oy, Oz$  đôi một vuông góc với nhau. Gọi  $C$  là điểm cố định trên  $Oz$ , đặt  $OC = 1$ , các điểm  $A, B$  thay đổi trên  $Ox, Oy$  sao cho  $OA + OB = OC$ . Giá trị bé nhất của bán kính mặt cầu ngoại tiếp tứ diện  $OABC$  là

A.  $\frac{\sqrt{6}}{4}$

B.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$

C.  $\frac{\sqrt{6}}{3}$

D.  $\sqrt{6}$

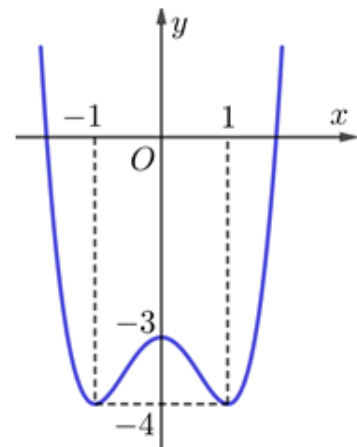
**Câu 12:** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  có đồ thị hàm số như hình bên dưới. Với giá trị nào của tham số  $m$  để phương trình  $y = x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt

A.  $0 < m < \frac{1}{2}$

B.  $\begin{cases} m < 0 \\ m = \frac{1}{2} \end{cases}$

C.  $m \leq \frac{1}{2}$

D.  $\begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$



**Câu 13:** Có bao nhiêu số nguyên trên  $[0; 10]$  nghiệm đúng bất phương trình  $\log_2(3x - 4) > \log_2(x - 1)$

A. 11

B. 8

C. 10

D. 9

**Câu 14:** Cho hàm số  $y = mx^4 - (2m + 1)x^2 + 1$ . Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số có một điểm cực đại?

A.  $m \geq -\frac{1}{2}$

B.  $m \leq -\frac{1}{2}$

C.  $-\frac{1}{2} \leq m < 0$

D.  $-\frac{1}{2} \leq m \leq 0$

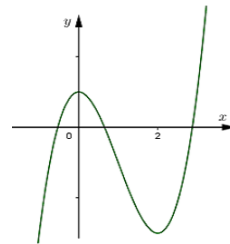
**Câu 15:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$ . Khẳng định nào sau đây là đúng

- A. Đồ thị hàm số đã cho có 2 tiệm cận ngang là các đường thẳng có phương trình  $y = 1$  và  $y = -1$
- B. Đồ thị hàm số đã cho có đúng một tiệm cận ngang
- C. Đồ thị hàm số đã cho không có tiệm cận ngang
- D. Đồ thị hàm số đã cho có 2 tiệm cận ngang là các đường thẳng có phương trình  $x = 1$  và  $x = -1$

**Câu 16:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Số cực trị của hàm số

$$y = f(x^2 - 2x)$$

- A. 4
- B. 5
- C. 2
- D. 3



**Câu 17:** Trong các dãy số sau, dãy số nào không phải cấp số cộng?

- A. 3; 1; -1; -2; -4
- B. -8; -6; -4; -2; 0
- C.  $\frac{1}{2}; \frac{3}{2}; \frac{5}{2}; \frac{7}{2}; \frac{9}{2}$
- D. 1; 1; 1; 1; 1

**Câu 18:** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) có phần thực dương và thỏa mãn  $z + 2 + i - |z|(1 + i) = 0$ . Tính  $P = a + b$ .

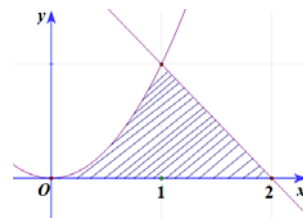
- A.  $P = 3$ .
- B.  $P = -1$ .
- C.  $P = -5$ .
- D.  $P = 7$ .

**Câu 19:** Cho khối chóp S.ABC có đáy ABC là tam giác đều cạnh a, SA vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 2a$ . Tính thể tích khối chóp S.ABC

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$
- B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$
- C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$
- D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$

**Câu 20:** Tính diện tích hình phẳng tạo thành bởi parabol  $y = x^2$ , đường thẳng  $y = -x + 2$  và trục hoành trên đoạn  $[0; 2]$  (phần gạch sọc trong hình vẽ).

- A.  $\frac{5}{6}$ .
- B.  $\frac{2}{3}$ .
- C.  $\frac{3}{5}$ .
- D.  $\frac{7}{6}$ .



**Câu 21:** Cho số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện  $|z - 1 - i| + |z + 1 + 3i| = 6\sqrt{5}$ . Giá trị lớn nhất của  $|z - 2 - 3i|$  là

- A.  $5\sqrt{5}$
- B.  $6\sqrt{5}$
- C.  $2\sqrt{5}$
- D.  $4\sqrt{5}$

**Câu 22:** Trong không gian Oxyz, cho hai đường thẳng  $d_1: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z+2}{1}$  và  $d_2: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{7} = \frac{z-3}{-1}$ .

Đường vuông góc chung của  $d_1$  và  $d_2$  lần lượt cắt  $d_1$ ,  $d_2$  tại A và B. Diện tích tam giác OAB bằng

- A.  $\frac{\sqrt{6}}{4}$
- B.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- C.  $\sqrt{6}$
- D.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$

**Câu 23:** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác cân với

$AB = AC = a, \widehat{BAC} = 120^\circ$ , mặt phẳng  $(A'BC')$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho

- A.  $V = \frac{9a^3}{8}$
- B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$
- C.  $V = \frac{3\sqrt{3}a^3}{8}$
- D.  $V = \frac{3a^3}{8}$

**Câu 24:** Tìm họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = e^{2018x}$

- A.  $\int f(x) = e^{2018x} + C$
- B.  $\int f(x) = \frac{1}{2018} e^{2018x} + C$
- C.  $\int f(x) = e^{2018x} \ln 2018 + C$
- D.  $\int f(x) = 2018 e^{2018x} + C$

**Câu 25:** Cho mặt cầu (S) có diện tích xung quanh là  $4\pi a^2 (\text{cm}^2)$ . Khi đó, thể tích khối cầu (S) là

- A.  $\frac{\pi a^3}{3} (\text{cm}^3)$       B.  $\frac{64\pi a^3}{3} (\text{cm}^3)$       C.  $\frac{4\pi a^3}{3} (\text{cm}^3)$       D.  $\frac{16\pi a^3}{3} (\text{cm}^3)$

**Câu 26:** Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x+4}-2}{x} & \text{khi } x > 0 \\ mx + m + \frac{1}{4} & \text{khi } x \leq 0 \end{cases}$ , m là tham số. Tìm giá trị của m để hàm số có giới hạn tại  $x = 0$

- A.  $m = \frac{1}{2}$       B.  $m = 0$       C.  $m = 1$       D.  $m = -\frac{1}{2}$

**Câu 27:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm M thuộc mặt cầu (S):  $(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-2)^2 = 9$  và ba điểm  $A(1;0;0); B(2;1;3); C(0;2;-3)$ . Biết rằng quỹ tích các điểm M thỏa mãn  $\overrightarrow{MA}^2 + 2\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = 8$  là đường tròn cố định, tính bán kính r đường tròn này.

- A.  $r = \sqrt{3}$ .      B.  $r = 3$ .      C.  $r = \sqrt{6}$ .      D.  $r = 6$

**Câu 28:** Tìm số nghiệm thuộc  $\left[-\frac{3\pi}{2}; -\pi\right)$  của phương trình  $\sqrt{3} \sin x = \sin 2x$

- A. 1      B. 0      C. 2      D. 3

**Câu 29:** Cho lăng trụ ABC.A'B'C' có các mặt bên đều là hình vuông cạnh a, Khoảng cách giữa hai đường thẳng A'B và B'C' bằng

- A.  $\frac{a\sqrt{7}}{7}$       B.  $\frac{a\sqrt{21}}{21}$       C.  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$       D.  $\frac{a\sqrt{7}}{21}$

**Câu 30:** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của m không lớn hơn 2018 để hàm số

$$y = x^3 - 6x^2 + (m-1)x + 2018 \text{ đồng biến trên khoảng } (1; +\infty)?$$

- A. 2017      B. 2006      C. 2018      D. 2005

**Câu 31:** Một trường THPT có 18 học sinh giỏi toàn diện, trong đó có 11 học sinh khối 12, 7 học sinh khối 11. Chọn ngẫu nhiên 6 học sinh từ 18 học sinh trên để đi dự trại hè. Xác suất để mỗi khối có ít nhất 1 học sinh được chọn là

- A.  $\frac{2558}{2652}$       B.  $\frac{2585}{2652}$       C.  $\frac{2855}{2652}$       D.  $\frac{2559}{2652}$

**Câu 32:** Tập nghiệm của bất phương trình  $\left(\frac{1}{3}\right)^x > 9$  là

- A.  $(-\infty; -2)$       B.  $(2; +\infty)$       C.  $(-\infty; 2)$       D.  $(-2; +\infty)$

**Câu 33:** Trong không gian Oxyz, cho mặt cầu (S):  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 4y - 2z + 5 = 0$ . Phương trình mặt phẳng (Q) chứa trục Ox và cắt (S) theo giao tuyến là một đường tròn bán kính bằng 2 là

- A. (Q):  $2x - z = 0$       B. (Q):  $2y - z = 0$       C. (Q):  $2y + z = 0$       D. (Q):  $y - 2z = 0$

**Câu 34:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  thỏa mãn  $\int_1^9 \frac{f(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} dx = 4$  và  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\sin x) \cos x dx = 2$ . Tích

phân  $I = \int_0^3 f(x) dx$  bằng:

- A.  $I = 8$ .      B.  $I = 10$ .      C.  $I = 4$ .      D.  $I = 6$ .

**Câu 35:** Trong không gian, cho hình chữ nhật ABCD có  $AB = 1$  và  $AD = 2$ . Gọi M, N lần lượt là trung điểm của AD và BC. Quay hình chữ nhật đó xung quanh trục MN, ta được một hình trụ. Tính diện tích toàn phần  $S_{\text{tp}}$  của hình trụ đó

- A.  $S_{\text{tp}} = 10\pi$       B.  $S_{\text{tp}} = 6\pi$       C.  $S_{\text{tp}} = 4\pi$       D.  $S_{\text{tp}} = 2\pi$

**Câu 36:** Tìm hệ số của số hạng  $x^{10}$  trong khai triển biểu thức  $\left(3x^3 - \frac{2}{x^2}\right)^5$

A. -240

B. -810

C. 240

D. 810

**Câu 37:** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  có đồ thị (C). Tiếp tuyến với (C) tại giao điểm của (C) với trục tung có phương trình là

A.  $y = 3x + 1$

B.  $y = -3x + 1$

C.  $y = -3x - 1$

D.  $y = 3x - 1$

**Câu 38:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

|    |           |   |    |           |
|----|-----------|---|----|-----------|
| x  | $-\infty$ | 2 | 4  | $+\infty$ |
| y' | +         | 0 | -  | +         |
| y  | $-\infty$ | 3 | -2 | $+\infty$ |

Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 2$

B. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 3$

C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 4$

D. Hàm số đạt cực đại tại  $x = -2$

**Câu 39:** Trong không gian Oxyz, cho đường thẳng  $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-1}{2}$  và hai điểm

$A(3;2;1), B(2;0;4)$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng qua A, vuông góc với d sao cho khoảng cách từ B đến  $\Delta$  là nhỏ nhất. Gọi  $\vec{u} = (2; b; c)$  là một VTCP của  $\Delta$ . Khi đó,  $|\vec{u}|$  bằng

A.  $\sqrt{6}$

B. 3

C.  $\sqrt{17}$

D.  $\sqrt{5}$

**Câu 40:** Tất cả các giá trị của m để đường thẳng (d):  $y = -x + m$  cắt (C):  $y = \frac{-2x+1}{x+1}$  tại hai điểm phân biệt A, B sao cho  $AB = 2\sqrt{2}$  là:

A.  $m = -1$  hoặc  $m = 1$

B.  $m = 0$  hoặc  $m = 1$

C.  $m = 1$  hoặc  $m = -7$

D.  $m = -2$  hoặc  $m = 7$

**Câu 41:** Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình chữ nhật  $AB = a, AD = 2a$ ; SA vuông góc với đáy ABCD, SC hợp với đáy một góc  $\alpha$  và  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{10}}{5}$ . Khi đó, khoảng cách từ điểm B đến mặt phẳng (SCD) là:

A.  $\frac{a\sqrt{3}}{3}$

B.  $\frac{2a}{3}$

C.  $\frac{a}{3}$

D.  $\frac{2a\sqrt{3}}{3}$

**Câu 42:** Tính giới hạn  $I = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x-2}{2x+1}$ .

A.  $I = -2$ .

B.  $I = -\frac{3}{2}$ .

C.  $I = 2$ .

D.  $I = \frac{3}{2}$

**Câu 43:** Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt cầu có phương trình  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 6y - 6 = 0$ . Tìm tọa độ tâm I và bán kính R của mặt cầu đó

A.  $I(-1;3;0), R = 4$

B.  $I(1;-3;0), R = 4$

C.  $I(1;-3;0), R = 16$

D.  $I(-1;3;0), R = 16$

**Câu 44:** Cho  $0 < a < 1$ . Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau

A. Tập giá trị của hàm số  $y = a^x$  là  $\mathbb{R}$

B. Hàm số  $y = a^x$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$

C. Tập xác định của hàm số  $y = \log_a x$  là  $\mathbb{R}$

D. Tập giá trị của hàm số  $y = \log_a x$  là  $\mathbb{R}$

**Câu 45:** Với giá trị nào của tham số m thì hàm số  $y = \frac{mx+4}{x+m}$  nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ ?

A.  $[-1;2)$

B.  $m < -2$

C.  $(-\infty;1)$

D.  $(-2;2)$

**Câu 46:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(0;-2;-1), B(-2;-4;3), C(1;3;-1)$  và mặt phẳng  $(P): x + y - 2z - 3 = 0$ . Tìm điểm  $M \in (P)$  sao cho  $|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}|$  đạt giá trị nhỏ nhất.

- A.  $M(2;2;-4)$       B.  $M(-2;-2;4)$       C.  $M\left(\frac{1}{2};\frac{1}{2};-1\right)$       D.  $M\left(-\frac{1}{2};-\frac{1}{2};1\right)$

**Câu 47:** Tính tích phân  $I = \int_1^5 \frac{dx}{x\sqrt{3x+1}}$  ta được kết quả  $I = a \ln 3 + b \ln 5$ . Giá trị  $S = a^2 + ab + 3b^2$  là

- A. 1      B. 5      C. 4      D. 0

**Câu 48:** Tìm giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}(m^2 + 1)x^2 + (3m - 2)x + m$  đạt cực đại tại  $x = 1$ ?

- A.  $m = 1$ .      B.  $m = 2$ .      C.  $m = -1$ .      D.  $m = -2$ .

**Câu 49:** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  trên  $[-1;5]$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- A. 5      B. 4      C. 7      D. 6

**Câu 50:** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$ . Khẳng định nào sau đây là sai?

- A. Hàm số nghịch biến trên  $(-1;1)$   
 B. Hàm số đồng biến trên  $(1;2)$   
 C. Hàm số nghịch biến trên  $(-1;2)$   
 D. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty;-1)$  và  $(1;+\infty)$

----- HẾT -----

| Mã đề | Câu | Đáp án |
|-------|-----|--------|
| 001   | 1   | A      |
| 001   | 2   | A      |
| 001   | 3   | C      |
| 001   | 4   | B      |
| 001   | 5   | D      |
| 001   | 6   | C      |
| 001   | 7   | D      |
| 001   | 8   | C      |
| 001   | 9   | D      |
| 001   | 10  | C      |
| 001   | 11  | A      |
| 001   | 12  | D      |
| 001   | 13  | D      |
| 001   | 14  | D      |
| 001   | 15  | A      |
| 001   | 16  | B      |
| 001   | 17  | A      |
| 001   | 18  | D      |
| 001   | 19  | A      |
| 001   | 20  | A      |
| 001   | 21  | A      |
| 001   | 22  | D      |
| 001   | 23  | C      |
| 001   | 24  | B      |
| 001   | 25  | C      |
| 001   | 26  | B      |
| 001   | 27  | C      |
| 001   | 28  | B      |
| 001   | 29  | C      |
| 001   | 30  | B      |
| 001   | 31  | B      |
| 001   | 32  | A      |
| 001   | 33  | B      |
| 001   | 34  | D      |
| 001   | 35  | C      |
| 001   | 36  | B      |
| 001   | 37  | B      |
| 001   | 38  | A      |
| 001   | 39  | D      |
| 001   | 40  | C      |
| 001   | 41  | D      |
| 001   | 42  | D      |
| 001   | 43  | A      |
| 001   | 44  | D      |
| 001   | 45  | A      |
| 001   | 46  | C      |
| 001   | 47  | B      |
| 001   | 48  | B      |
| 001   | 49  | A      |
| 001   | 50  | C      |

## 10 CÂU VẬN DỤNG THẤP

**Câu 31:** Với giá trị nào của tham số  $m$  thì hàm số  $y = \frac{mx+4}{x+m}$  nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ ?

**A.**  $(-2; 2)$

**B.**  $m < -2$

**C.**  $[-1; 2)$

**D.**  $(-\infty; 1)$

**Câu 31: Đáp án C**

Phương pháp: Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $D \Leftrightarrow f'(x) \leq 0, \forall x \in D, f'(x) = 0$  tại hữu hạn điểm thuộc  $D$ .

Cách giải:  $y = \frac{mx+4}{x+m} \Rightarrow y' = \frac{m^2-4}{(x+m)^2}, x \neq -m$

Hàm số  $y = \frac{mx+4}{x+m}$  nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 4 < 0 \\ -m \notin (1; +\infty) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2 < m < 2 \\ -m \leq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2 < m < 2 \\ m \geq -1 \end{cases} \Leftrightarrow -1 \leq m < 2$$

**Câu 32:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật  $AB = a, AD = 2a$ ;  $SA$  vuông góc với đáy  $ABCD$ ,  $SC$  hợp với đáy một góc  $\alpha$  và  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{10}}{5}$ . Khi đó, khoảng cách từ điểm  $B$  đến mặt phẳng  $(SCD)$  là:

**A.**  $\frac{2a\sqrt{3}}{3}$

**B.**  $\frac{2a}{3}$

**C.**  $\frac{a\sqrt{3}}{3}$

**D.**  $\frac{a}{3}$

**Câu 32: Đáp án A**

Phương pháp: Cách xác định góc giữa đường thẳng và mặt phẳng:

Gọi  $a'$  là hình chiếu vuông góc của  $a$  trên mặt phẳng  $(P)$ .

Góc giữa đường thẳng  $a$  và mặt phẳng  $(P)$  là góc giữa đường thẳng  $a$  và  $a'$ .

Cách giải:  $ABCD$  là hình chữ nhật  $\Rightarrow AC = \sqrt{AB^2 + AD^2} = \sqrt{a^2 + (2a)^2} = a\sqrt{5}$

Vì  $SA \perp (ABCD)$  nên  $(SC; (ABCD)) = (SC; AC) = \angle SCA$

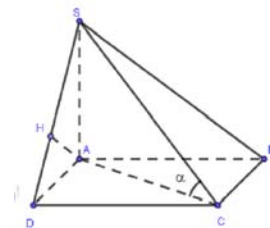
$$\Rightarrow \tan \angle SCA = \frac{\sqrt{10}}{5} \Leftrightarrow \frac{SA}{AC} = \frac{\sqrt{10}}{5} \Leftrightarrow \frac{SA}{a\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{10}}{5} \Leftrightarrow SA = a\sqrt{2}$$

Ta có:  $AB \parallel CD, CD \subset (SCD) \Rightarrow d(B; (SCD)) = d(A; (SCD))$

Kẻ  $AH \perp SD, H \in SD$

Ta có:  $\begin{cases} CD \perp SA, (\text{do } SA \perp (ABCD)) \\ CD \perp AD \end{cases} \Rightarrow CD \perp (SAD) \Rightarrow CD \perp AH$

Mà  $AH \perp SD \Rightarrow AH \perp (SCD) \Rightarrow d(A; (SCD)) = AH$





Tam giác SAD vuông tại A,

$$AH \perp SD \Rightarrow \frac{1}{AH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AD^2} = \frac{1}{(a\sqrt{2})^2} + \frac{1}{(2a)^2} = \frac{3}{4a^2} \Rightarrow AH = \frac{2\sqrt{3}a}{3} \Rightarrow d(B; (SCD)) = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

**Câu 33:** Trong không gian Oxyz, cho hai đường thẳng  $d_1: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z+2}{1}$  và  $d_2: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{7} = \frac{z-3}{-1}$ .

Đường vuông góc chung của  $d_1$  và  $d_2$  lần lượt cắt  $d_1, d_2$  tại A và B. Diện tích tam giác OAB bằng

- A.  $\frac{\sqrt{6}}{4}$       B.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$       C.  $\sqrt{6}$       D.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

**Câu 33: Đáp án B**

Phương pháp: Công thức tính diện tích tam giác  $\Delta ABC$  trong hệ tọa độ Oxyz là:  $S_{ABC} = \frac{1}{2} \left| \left[ \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AC} \right] \right|$

Cách giải:  $d_1: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z+2}{1}$  có phương trình tham số:  $\begin{cases} x = 1 + 2t_1 \\ y = -t_1 \\ z = -2 + t_1 \end{cases}$ , có 1 VTCP  $\vec{u}_1(2; -1; 1)$

$d_2: \frac{x+1}{1} = \frac{y-1}{7} = \frac{z-3}{-1}$  có phương trình tham số:  $\begin{cases} x = 1 + t_2 \\ y = 1 + 7t_2 \\ z = 3 - t_2 \end{cases}$ , có 1 VTCP  $\vec{u}_2(1; 7; -1)$

$A \in d_1, B \in d_2 \Rightarrow$  Gọi  $A(1 + 2t_1; -t_1; -2 + t_1), B(-1 + t_2; 1 + 7t_2; 3 - t_2)$

$\Rightarrow \overrightarrow{AB} = (t_2 - 2t_1 - 2; 7t_2 + t_1 + 1; -t_2 - t_1 + 5)$

AB là đường vuông góc chung của  $d_1, d_2 \Rightarrow \begin{cases} \overrightarrow{AB} \cdot \vec{u}_1 = 0 \\ \overrightarrow{AB} \cdot \vec{u}_2 = 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2(t_2 - 2t_1 - 2) - 1(7t_2 + t_1 + 1) + 1(-t_2 - t_1 + 5) = 0 \\ 1(t_2 - 2t_1 - 2) + 7(7t_2 + t_1 + 1) - 1(-t_2 - t_1 + 5) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -6t_2 = 6t_1 = 0 \\ 51t_2 + 6t_1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow t_1 = t_2 = 0$$

$\Rightarrow A(1; 0; -2), B(-1; 1; 3) \Rightarrow \overrightarrow{OA} = (1; 0; -2), \overrightarrow{OB} = (-1; 1; 3)$

Diện tích tam giác OAB:  $S_{OAB} = \frac{1}{2} \left| \left[ \overrightarrow{OA}; \overrightarrow{OB} \right] \right| = \frac{1}{2} |(2; -1; 1)| = \frac{\sqrt{6}}{2}$

**Câu 34:** Tất cả các giá trị của m để đường thẳng (d):  $y = -x + m$  cắt (C):  $y = \frac{-2x+1}{x+1}$  tại hai điểm phân

biệt A, B sao cho  $AB = 2\sqrt{2}$  là:

- A.  $m = -2$  hoặc  $m = 7$       B.  $m = 1$  hoặc  $m = -7$   
C.  $m = 0$  hoặc  $m = 1$       D.  $m = -1$  hoặc  $m = 1$

**Câu 34: Đáp án B**

Phương pháp:

- Xét phương trình hoành độ giao điểm.

- Sử dụng định lý Vi – ét , tìm m.

Cách giải: Phương trình hoành độ giao điểm của (d):  $y = -x + m$  và (C):  $y = \frac{-2x+1}{x+1}$  là:

$$-x + m = \frac{-2x+1}{x+1}, x \neq -1$$

$$\Leftrightarrow x^2 - x + mx + m = -2x + 1 \Leftrightarrow x^2 - (m+1)x + 1 - m = 0 \quad (1)$$

(d) cắt (C) tại 2 điểm phân biệt  $\Leftrightarrow$  Phương trình (1) có 2 nghiệm phân biệt và khác -1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ (-1)^2 - (m+1)(-1) + 1 - m \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (m+1)^2 - 4(1-m) > 0 \\ 3 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m^2 + 6m - 3 > 0 \quad (2)$$

Gọi tọa độ giao điểm là  $A(x_1; y_1), B(x_2; y_2) \Rightarrow x_1, x_2$  là nghiệm của (1).

Theo Vi – ét:  $\begin{cases} x_1 + x_2 = m+1 \\ x_1 x_2 = 1-m \end{cases}$

$$A, B \in d \Rightarrow \begin{cases} y_1 = -x_1 + m \\ y_2 = -x_2 + m \end{cases} \Rightarrow y_2 - y_1 = x_1 - x_2$$

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (x_1 - x_2)^2} = \sqrt{2(x_2 - x_1)^2}$$
$$= \sqrt{2(x_2 + x_1)^2 - 8x_1 x_2} = \sqrt{2(m+1)^2 - 8(1-m)}$$

$$\Rightarrow \sqrt{2(m+1)^2 - 8(1-m)} = 2\sqrt{2} \Leftrightarrow (m+1)^2 - 4(1-m) = 4 \Leftrightarrow m^2 + 6m - 7 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -7 \end{cases}$$

( Thỏa mãn điều kiện (2))

Tổng các giá trị của m là:  $1 + (-7) = -6$

**Câu 35:** Một bạn giải bất phương trình lôgarit  $\log_7(2x-1)(3x-2)(4x-5) \leq \log_7(3x-2)(4x-5)$  (1) như sau :

✓ Bước 1:

$$\begin{cases} (2x-1)(3x-2)(4x-5) > 0 \\ (3x-2)(4x-5) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; +\infty\right) \\ x \in \left(-\infty; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{5}{4}; +\infty\right) \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; +\infty\right).$$

✓ Bước 2: Điều kiện xác định là :  $x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; +\infty\right).$

✓ Bước 3:

$$(1) \Leftrightarrow \log_7(2x-1) + \log_7(3x-2) + \log_7(4x-5) \leq \log_7(3x-2) + \log_7(4x-5)$$
$$\Leftrightarrow \log_7(2x-1) \leq 0 \Leftrightarrow 2x-1 \leq 1 \Leftrightarrow x \leq 1.$$

✓ Bước 4 : Tập nghiệm của bất phương trình (1) là :  $T = \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; 1\right].$

Bài giải trên sai từ bước nào ?

A. Bước 1

B. Bước 2

C. Bước 3

D. Bước 4

**Câu 35: Đáp án C**

**Hướng dẫn giải:** Bước thứ 3 sai vì điều kiện xác định của bất phương trình (1) là  $x \in \left(\frac{1}{2}; \frac{2}{3}\right) \cup \left(\frac{4}{5}; +\infty\right)$ .

Nên khi  $x = 1$  thì  $4x - 5 = 4.1 - 5 = -1 < 0$  nên không tồn tại  $\log_7(4x - 5)$ , học sinh đã sai lầm ở bước này.

Vậy đáp án chính xác là đáp án C.

**Câu 36:** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của  $m$  không lớn hơn 2018 để hàm số

$y = x^3 - 6x^2 + (m-1)x + 2018$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ ?

**A.** 2005

**B.** 2017

**C.** 2018

**D.** 2006

**Câu 36: Đáp án D**

Cách giải:  $y = x^3 - 6x^2 + (m-1)x + 2018 \Rightarrow y' = 3x^2 - 12x + m - 1$

$$y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 12x + m - 1 = 0 \quad (1)$$

$$\Delta' = 36 - 3(m-1) = 39 - 3m$$

+)  $\Delta \leq 0 \Leftrightarrow m \geq 13 \Rightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Rightarrow$  Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \supset (1; +\infty)$

+)  $\Delta > 0 \Leftrightarrow m < 13$ : Phương trình (1) có 2 nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  ( $x_1 < x_2$ )

Theo định lí Viet ta có 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 4 \\ x_1 x_2 = \frac{m-1}{3} \end{cases}$$

Khi đó, để hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$  thì  $x_1 < x_2 \leq 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 - 1 < 0 \\ x_2 - 1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (x_1 - 1)(x_2 - 1) \geq 0 \\ (x_1 - 1) + (x_2 - 1) < 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x_1 x_2 - (x_1 + x_2) + 1 > 0 \\ x_1 + x_2 - 2 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{m-1}{3} - 4 + 1 > 0 \\ 4 - 2 < 0 \end{cases} \quad (\text{vô lí})$$

Vậy  $m \geq 13$

Mà  $m \leq 2018, m \in \mathbb{Z}^+ \Rightarrow m \in \{13; 14; 15; \dots; 2018\}$

Số giá trị của  $m$  thỏa mãn là:  $2018 - 13 + 1 = 2006$

**Câu 37:** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác cân với

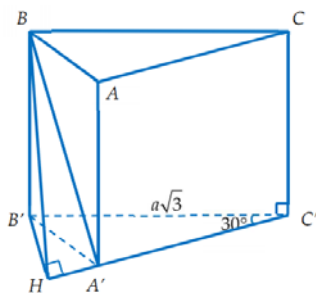
$AB = AC = a, \widehat{BAC} = 120^\circ$ , mặt phẳng  $(A'BC')$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho

**A.**  $V = \frac{3a^3}{8}$

**B.**  $V = \frac{9a^3}{8}$

**C.**  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$

**D.**  $V = \frac{3\sqrt{3}a^3}{8}$

**Câu 37: Đáp án D**

$$\text{Ta có } B'H = \sin 30^\circ \cdot B'C' = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$

$$\text{Ta có } \widehat{BHB'} = 60^\circ \Rightarrow BB' = B'H \cdot \tan 60^\circ = \frac{3a}{2}$$

$$\Rightarrow V_{ABC.A'B'C'} = S_{ABC} \cdot BB' = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{3a}{2} = \frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$$

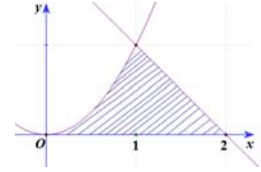
**Câu 38:** Tính diện tích hình phẳng tạo thành bởi parabol  $y = x^2$ , đường thẳng  $y = -x + 2$  và trục hoành trên đoạn  $[0; 2]$  (phần gạch sọc trong hình vẽ).

A.  $\frac{3}{5}$ .

B.  $\frac{5}{6}$ .

C.  $\frac{2}{3}$ .

D.  $\frac{7}{6}$ .



**Câu 39:** Tính tích phân  $I = \int_1^5 \frac{dx}{x\sqrt{3x+1}}$  ta được kết quả  $I = a \ln 3 + b \ln 5$ . Giá trị

$S = a^2 + ab + 3b^2$  là

A. 0

B. 4

C. 1

D. 5

**Câu 39: Đáp án D**

$$\text{Đặt } t = \sqrt{3x+1} \Rightarrow t^2 = 3x+1 \Rightarrow 2tdt = 3dx, \begin{cases} x=1 \rightarrow t=2 \\ x=5 \rightarrow t=4 \end{cases}$$

Suy ra

$$I = 2 \int_2^4 \frac{dt}{t^2-1} = \int_2^4 \left( \frac{1}{t-1} - \frac{1}{t+1} \right) dt = \ln \left| \frac{t-1}{t+1} \right| \Big|_2^4 = \ln \frac{3}{5} - \ln \frac{1}{3} = 2 \ln 3 - \ln 5 \Rightarrow \begin{cases} a=2 \\ b=-1 \end{cases} \Rightarrow S=5$$

**Câu 40:** Cho số phức  $z = a + bi$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) có phần thực dương và thỏa mãn  $z + 2 + i - |z|(1+i) = 0$ . Tính  $P = a + b$ .

A.  $P = -1$ .

B.  $P = -5$ .

C.  $P = 3$ .

D.  $P = 7$ .

**Câu 40: Đáp án D.**

$$\text{Đặt } z = a + bi \Rightarrow a + bi + 2 + i - \sqrt{a^2 + b^2}(1+i) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a + 2 - \sqrt{a^2 + b^2} = 0 \\ b + 1 - \sqrt{a^2 + b^2} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a + 2 = b + 1 \\ b + 1 = \sqrt{a^2 + b^2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b - 1 \\ b \geq -1 \\ b^2 + 2b + 1 = a^2 + b^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b - 1 \\ b \geq -1 \\ 2b + 1 = (b - 1)^2 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} b = 0; a = -1 \\ b = 4; a = 3 \end{cases}. \text{ Do } |z| > 1 \Rightarrow a = 3, b = 4.$$

## 10 CÂU VẬN DỤNG CAO VÀ CỰC CAO

**Câu 41:** Trong không gian Oxyz, cho mặt cầu (S):  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 4y - 2z + 5 = 0$ . Phương trình mặt phẳng (Q) chứa trục Ox và cắt (S) theo giao tuyến là một đường tròn bán kính bằng 2 là

A. (Q):  $2y + z = 0$

B. (Q):  $2x - z = 0$

C. (Q):  $y - 2z = 0$

D. (Q):  $2y - z = 0$

**Câu 41: Đáp án D**

Phương pháp:  $d^2 + r^2 = R^2$

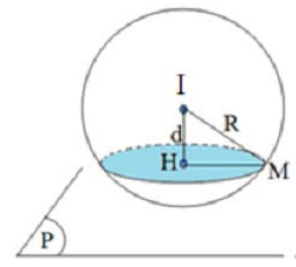
Trong đó,

d: khoảng cách từ tâm O đến mặt phẳng (P),

r: bán kính đường tròn là giao tuyến của mặt cầu (S)

và mặt phẳng (P),

R: bán kính hình cầu.



Cách giải: (S):  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 4y - 2z + 5 = 0 \Leftrightarrow (x-3)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 9$

$\Rightarrow$  (S) có tâm I(3;-2;1), bán kính  $R = 3$

(Q) cắt (S) theo giao tuyến là một đường tròn bán kính  $r = 2$

Ta có:  $d^2 + r^2 = R^2 \Leftrightarrow d^2 + 2^2 = 3^2 \Leftrightarrow d = \sqrt{5}$

Gọi  $\vec{n}(a;b;c), (\vec{n} \neq \vec{0})$  là một VTPT của (Q). Khi đó  $\vec{n}$  vuông góc với VTCP  $\vec{u}(1;0;0)$  của Ox

$\Rightarrow 1.a + 0.b + 0.c = 0 \Leftrightarrow a = 0$

Phương trình mặt phẳng (Q) đi qua O(0;0;0) và có VTPT  $\vec{n}(0;b;c), (\vec{n} \neq \vec{0})$  là:

$0.(x-0) + b.(y-0) + c.(z-0) = 0 \Leftrightarrow by + cz = 0$

Khoảng cách từ tâm I đến (Q):

$d = \frac{|b.(-2) + c.1|}{\sqrt{b^2 + c^2}} = \sqrt{5} \Rightarrow (2b - c)^2 = 5(b^2 + c^2) \Leftrightarrow b^2 + 4ac + 4c^2 = 0 \Leftrightarrow (b + 2c)^2 = 0 \Leftrightarrow b = -2c$  Cho

$c = -1 \Rightarrow b = 2 \Rightarrow \vec{n}(0;2;-1)$ . Phương trình mặt phẳng (Q):  $2y - z = 0$

**Câu 42:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Số cực trị của hàm số

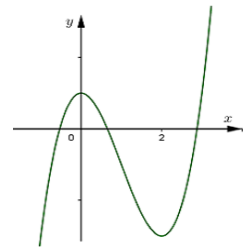
$y = f(x^2 - 2x)$

A. 2

B. 5

C. 4

D. 3



**Câu 42: Đáp án B**

Phương pháp: Đạo hàm hàm hợp :  $y = f(u(x)) \Rightarrow y' = f'(u(x)).u'(x)$

Cách giải: Dựa vào đồ thị hàm số  $y = f(x)$  ta thấy hàm số có hai điểm cực trị là

$x_{CT} = 2, x_{CD} = 0 \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 0 \end{cases}$

$$y = f(x^2 - 2x) \Rightarrow y' = f'(x^2 - 2x) \cdot (2x - 2)$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f'(x^2 - 2x) = 0 \\ 2x - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 2x = 0 \\ x^2 - 2 = 0 \\ x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \\ x = 1 \pm \sqrt{3} \\ x = 1 \end{cases}$$

Vậy, hàm số  $y = f(x^2 - 2x)$  có 5 cực trị

**Câu 43:** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có các mặt bên đều là hình vuông cạnh  $a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $A'B$  và  $B'C'$  bằng

**A.**  $\frac{a\sqrt{7}}{7}$

**B.**  $\frac{a\sqrt{21}}{7}$

**C.**  $\frac{a\sqrt{7}}{21}$

**D.**  $\frac{a\sqrt{21}}{21}$

**Câu 43: Đáp án B**

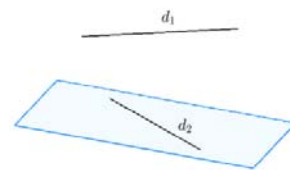
Phương pháp: Dựa vào khoảng cách giữa đường thẳng và mặt phẳng song song tính khoảng cách giữa hai đường thẳng chéo nhau.

+) Lấy mặt phẳng  $(P)$  chứa đường thẳng  $d_2$  và song song với  $d_1$ .

Khi đó,  $d(d_1, d_2) = d(d_1, (P))$ .

(Chọn sao cho ta dễ dàng tính được khoảng cách).

+) Tính khoảng cách giữa đường thẳng  $d_2$  và mặt phẳng  $(P)$ .



Cách giải:

Dựng hình bình hành  $A'C'B'D$

$$\Rightarrow A'D // B'C' \Rightarrow B'C' // (BDA')$$

$$\Rightarrow d(B'C'; BA') = d(B'C'; (BDA'))$$

Gọi  $J$  là trung điểm  $A'D$ .

Kẻ  $B'H \perp BJ, H \in BJ$

$$\Delta A'B'C' \text{ đều} \Rightarrow \Delta A'B'D \text{ đều} \Rightarrow B'J \perp A'D$$

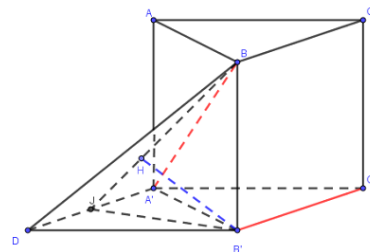
$$\text{Mà } BB' \perp A'D \Rightarrow A'D \perp (BA'D) \Rightarrow A'D \perp B'H$$

$$B'H \perp (A'DB) \Rightarrow d(B'C'; A'B) = B'H$$

$$\Delta A'B'D \text{ đều, cạnh bằng } a \Rightarrow B'J = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$

$$\Delta JB'B \text{ vuông tại } B' \Rightarrow \frac{1}{B'H^2} = \frac{1}{BB'^2} + \frac{1}{JB'^2} = \frac{1}{a^2} + \frac{1}{\left(\frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{7}{3a^2} \Rightarrow B'H = \frac{a\sqrt{21}}{7}$$

$$\Rightarrow d(B'C'; A'B) = \frac{a\sqrt{21}}{7}$$



**Câu 44:** Cho ba tia Ox, Oy, Oz đôi một vuông góc với nhau. Gọi C là điểm cố định trên Oz, đặt  $OC = 1$ , các điểm A, B thay đổi trên Ox, Oy sao cho  $OA + OB = OC$ . Giá trị bé nhất của bán kính mặt cầu ngoại tiếp tứ diện OABC là

A.  $\frac{\sqrt{6}}{3}$

B.  $\sqrt{6}$

C.  $\frac{\sqrt{6}}{4}$

D.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$

**Câu 44: Đáp án C**

Phương pháp: Sử dụng phương pháp xác định tâm mặt cầu ngoại tiếp khối chóp.

Cách giải: Đặt  $A(x; 0; 0), B(0; y; 0), (x, y > 0)$

Vì  $OA + OB = OC = 1 \Rightarrow x + y = 1$

Gọi J, F lần lượt là trung điểm AB, OC. Kẻ đường thẳng

song song OJ, đường thẳng qua J song song OC, 2

đường thẳng này cắt nhau tại G.

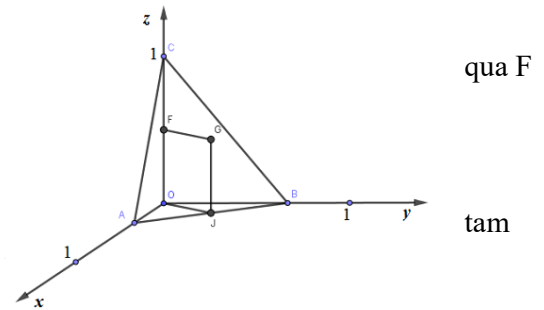
$\triangle OAB$  vuông tại O  $\Rightarrow$  J là tâm đường tròn ngoại tiếp giác.

$GJ \parallel OC \Rightarrow GJ \perp (OAB) \Rightarrow GO = GA = GB$

$GF \parallel JO, JO \perp OC \Rightarrow GF \perp OC$ , mà F là trung điểm của OC

$\Rightarrow GF$  là đường trung trực của OC  $\Rightarrow GC = GO$

$\Rightarrow GO = GA = GB = GC \Rightarrow G$  là tâm mặt cầu ngoại tiếp tứ diện OABC



Bán kính mặt cầu ngoại tiếp tứ diện OABC :  $R = OG = FJ = \sqrt{OF^2 + OJ^2} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + OJ^2}$

$$\text{Ta có: } OJ = \frac{AB}{2} = \frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{2} \geq \frac{\sqrt{\frac{(x+y)^2}{2}}}{2} = \frac{\sqrt{\frac{1^2}{2}}}{2} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow R \geq \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{3}{4}} \Rightarrow R_{\min} = \sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{6}}{4}$$

**Câu 45:** Trong không gian Oxyz, cho đường thẳng  $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-1}{2}$  và hai điểm

$A(3; 2; 1), B(2; 0; 4)$ . Gọi  $\Delta$  là đường thẳng qua A, vuông góc với d sao cho khoảng cách từ B đến  $\Delta$  nhỏ nhất. Gọi  $\vec{u} = (2; b; c)$  là một VTCP của  $\Delta$ . Khi đó,  $|\vec{u}|$  bằng

A.  $\sqrt{17}$

B.  $\sqrt{5}$

C.  $\sqrt{6}$

D. 3

**Câu 45: Đáp án B**

Cách giải:  $\overrightarrow{AB} = (-1; -2; 3)$

$d: \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z-1}{2}$  có 1 VTCP  $\vec{v}(1; -2; 2)$  là một VTCP của  $\Delta$

$\Delta$  là đường thẳng qua A, vuông góc với d  $\Rightarrow \Delta \subset (\alpha)$  mặt phẳng qua A và vuông góc d

Phương trình mặt phẳng  $(\alpha): 1(x-3) - 2(y-2) + 2(z-1) = 0 \Leftrightarrow x - 2y + 2z - 1 = 0$

Khi đó,  $d(B; \Delta)_{\min} = d(B; (\alpha))$  khi và chỉ khi  $\Delta$  đi qua hình chiếu H của B lên  $(\alpha)$

\*) Tìm tọa độ điểm H:

Đường thẳng BH đi qua  $B(2;0;4)$  và có VTCP là VTPT của  $(\alpha)$  có phương trình: 
$$\begin{cases} x = 2 + t \\ y = -2t \\ z = 4 + 2t \end{cases}$$

$$H \in BH \Rightarrow H(2 + t; -2t; 4 + 2t)$$

$$H \in (\alpha) \Rightarrow (2 + t) - 2(-2t) + 2(4 + 2t) - 1 = 0 \Leftrightarrow 9t + 9 = 0 \Leftrightarrow t = -1 \Rightarrow H(1; 2; 2)$$

$$\Delta \text{ đi qua } A(3; 2; 1), H(1; 2; 2) \text{ có VTCP } \overrightarrow{HA} = (2; 0; -1) = \vec{u}(2; b; c) \Rightarrow |\vec{u}| = \sqrt{5}$$

**Câu 46:** Cho số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện  $|z - 1 - i| + |z + 1 + 3i| = 6\sqrt{5}$ . Giá trị lớn nhất của  $|z - 2 - 3i|$  là

**A.**  $4\sqrt{5}$

**B.**  $2\sqrt{5}$

**C.**  $6\sqrt{5}$

**D.**  $5\sqrt{5}$

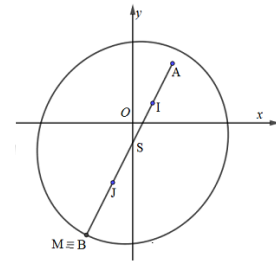
**Câu 46: Đáp án D**

Phương pháp:

- Biểu diễn số phức và giải bài toán tìm GTLN trên mặt phẳng tọa độ.

Cách giải: Gọi  $I(1; 1); J(-1; -3), A(2; 3)$ .

Xét số phức  $z = x + yi, (x, y \in \mathbb{R})$ , có điểm biểu diễn là  $M(x; y)$



$$|z - 1 - i| = |z + 1 + 3i| = 6\sqrt{5} \Leftrightarrow \sqrt{(x - 1)^2 + (y - 1)^2} + \sqrt{(x + 1)^2 + (y + 3)^2} = 6\sqrt{5} \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow MI + MJ = 6\sqrt{5} \Rightarrow M \text{ di chuyển trên đường elip có tiêu điểm I và J, độ dài trục lớn là } 3\sqrt{5}$$

Tìm giá trị lớn nhất của  $|z - 2 - 3i|$  tức là tìm độ dài lớn nhất của đoạn AM khi M di chuyển trên elip.

Ta có:  $\overrightarrow{IA} = (1; 2), \overrightarrow{JA} = (3; 6) \Rightarrow \overrightarrow{JA} = 3\overrightarrow{IA}$ , điểm A nằm trên trục lớn của elip.

$\Rightarrow$  AM đạt độ dài lớn nhất khi và chỉ khi M trùng với B, là đỉnh của elip nằm trên trục lớn và khác phía A so với điểm I.

Gọi S là trung điểm của IJ  $\Rightarrow S(0; -1)$

Độ dài đoạn  $AB = SA + SB$

$$\text{Mà } \overrightarrow{AS} = (-2; -4) \Rightarrow AS = 2\sqrt{5}, SB = \frac{6\sqrt{5}}{2} = 3\sqrt{5} \Rightarrow AB = 5\sqrt{5}$$

$$\text{Vậy } |z - 2 - 3i|_{\max} = 5\sqrt{5}$$

**Câu 47:** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(0; -2; -1), B(-2; -4; 3), C(1; 3; -1)$  và mặt phẳng  $(P): x + y - 2z - 3 = 0$ . Tìm điểm  $M \in (P)$  sao cho  $|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}|$  đạt giá trị nhỏ nhất.

**A.**  $M\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; -1\right)$

**B.**  $M\left(-\frac{1}{2}; -\frac{1}{2}; 1\right)$

**C.**  $M(2; 2; -4)$

**D.**  $M(-2; -2; 4)$

**Câu 47: Đáp án A**

Gọi I là điểm thỏa mãn  $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} + 2\overrightarrow{IC} = \vec{0} \Rightarrow I(0; 0; 0)$



Ta có :  $\left| \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC} \right| = \left| 4\overrightarrow{MI} + \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \right| = \left| 4\overrightarrow{MI} \right|$

$\Rightarrow \left| \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC} \right|_{\min} \Leftrightarrow \left| \overrightarrow{MI} \right|_{\min}$

$\Rightarrow M$  là hình chiếu của  $I$  trên  $(P) \Rightarrow M\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; -1\right)$

**Câu 48:** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm với mọi  $x$  và thỏa mãn  $f(2x) = 4\cos x \cdot f(x) - 2x$ . Giá trị  $f'(0)$  là

**A.** 1

**B.** 3

**C.** 0

**D.** -2

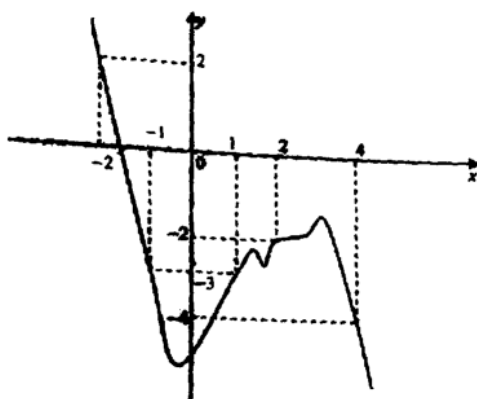
**Câu 48: Đáp án A**

Phương pháp: Đạo hàm hàm hợp:  $(f(u(x)))' = f'(u(x)) \cdot u'(x)$

Cách giải: Ta có:  $f(2x) = 4\cos x \cdot f(x) - 2x \Rightarrow f'(2x) \cdot 2 = -4\sin x \cdot f(x) + 4\cos x \cdot f'(x) - 2$

$2f'(0) = -4\sin 0 \cdot f(0) + 4\cos 0 \cdot f'(0) - 2 \Leftrightarrow 2f'(0) = 2 \Leftrightarrow f'(0) = 1$

**Câu 49:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ.



Biết  $f(2) = -6, f(4) = -10$  và hàm số  $g(x) = f(x) + \frac{x^2}{2}, g(x)$  có ba điểm cực trị.

Phương trình  $g(x) = 0$  có bao nhiêu nghiệm trên khoảng  $(2; 4)$

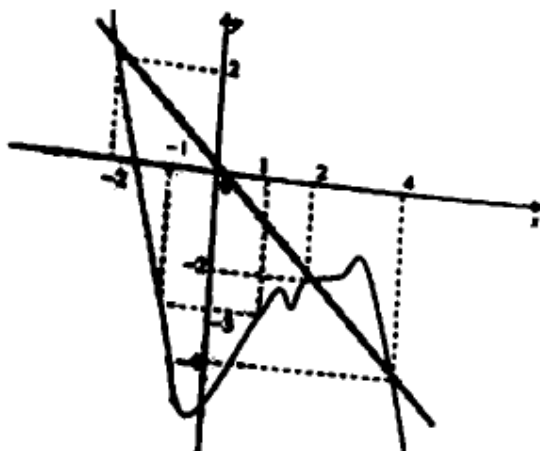
**A.** Có đúng 2 nghiệm.

**B.** Vô nghiệm

**C.** Có đúng 3 nghiệm

**D.** Có đúng 4 nghiệm.

**Câu 49: Đáp án B**



Phương pháp: Lập bảng biến thiên của  $g(x)$  và đánh giá số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = g(x)$  và trục hoành.

Cách giải:  $g(x) = f(x) + \frac{x^2}{2} \Rightarrow g'(x) = f'(x) + x$

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = -x$$

Xét giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  và đường thẳng  $y = -x$  ta thấy, hai đồ thị cắt nhau tại ba điểm có hoành độ là:  $-2; 2; 4$  tương ứng với 3 điểm cực trị của  $y = g(x)$ .

$$g(2) = f(2) + \frac{2^2}{2} = -6 + 2 = -4; g(-4) = f(-4) + \frac{(-4)^2}{2} = -10 + 8 = -2$$

Bảng biến thiên:

|         |           |    |   |    |           |
|---------|-----------|----|---|----|-----------|
| x       | $-\infty$ | -2 | 2 | 4  | $+\infty$ |
| $g'(x)$ |           | 0  | 0 | 0  |           |
| $g(x)$  |           |    |   | -2 |           |

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy  $g(x) < 0 \forall x \in (2; 4) \Rightarrow$  phương trình  $g(x) = 0$  không có nghiệm  $x \in (2; 4)$

**Câu 50.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $M$  thuộc mặt cầu  $(S): (x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-2)^2 = 9$  và ba điểm  $A(1;0;0); B(2;1;3); C(0;2;-3)$ . Biết rằng quỹ tích các điểm  $M$  thỏa mãn  $MA^2 + 2\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = 8$  là đường tròn cố định, tính bán kính  $r$  đường tròn này.

- A.**  $r = \sqrt{3}$ .    **B.**  $r = 6$     **C.**  $r = 3$ .    **D.**  $r = \sqrt{6}$ .